Three unusual slide rules for aircraft tracking

Karl Kleine

Virtual IM 2020

slide rules & manufacturers

Askania-Werke, Berlin

Askania Kreisrechenscheibe

Dennert & Pape, Hamburg–Altona
KRS 40
QR 41

time frame: 1930–1944 location: Germany

email from a militaria collector: *what is this object?*

Meyer zur Capellen *Mathematische Instrumente*

Leipzig 1941



MATHEMATIK FUR PHYSIKER UND INGENIEURE BRAINGGURDA VOR PROF. DR. A. KRATZER MEINTER	1 1 1 1 1
BAND I MATHEMATISCHE INSTRUMENTE vos DR-INC. W. MYERZ UR CAPELLEN ANONS	
LEPTIC 1441 AKADEMISCHE VERLAGIGESTLLSCHAFT BECKTE A ERLER KON-CEK	

B. Rechengeräte.

Die Askania-Werke haben nun diese Maschine nicht mehr weiter gebaut, sondern liefern dafür einen "Kreisrechenschieber" nach Fig. 62³) von 1 m Durchmesser, d. h. l = 3 m.

And des außersten Teilung, einem Kreis ist die logarithmische Grundteilung aufgetragen, während auf einer Spirale die Teilungen für sin α berw. cos α untergebracht sind und zwar durch zweimaligen Umlauf berunter bis are sin $\alpha = 0,01$, d, $h \approx = 0^{14/29''} = 0.578''$. Auf den Gilasplatten der um die Achae drehbaren



Arme befinden sich die radial gwichteten Striche zum Abbren herr. Einstellen. Die Arme Rönnen gekuppelt werden, Almfle wie bei der Maschline. Neu werden bein Schliere gewissernaßen die Fraetre beregt und gekuppelt, während die Binder stilltetehen. Soll z. B. a - b ermittet werden, no wird Arm 1 auf auch Arm 2 auf 1 gestellt. Dann krypert man und dreht solange, bis der Arm 2 auf sacht; jetzt zeigt Arm 2 das Produkt a - b an. Die Drinkon folgt ertmerchend. ---

visit & inspection of object needed at the museum of the German Air Force, Berlin-Gatow



in the middle of an otherwise empty hangar of the Militärhistorisches Museum der Deutschen Luftwaffe





Walter Meyer zur Capellen (1902–1985)

Mathematische Instrumente

three editions: 1941 / 1944 / 1949

50

B. Rechengeräte.

logarithmischen Rechenmaschine: Nur werden beim Schieber gewissermaßen die Fenster bewegt und gekuppelt, während die Bänder stillstehen. Soll z. B. $a \cdot b$ ermittelt werden, so wird Arm 1 auf a und Arm 2 auf 1 gestellt. Dann kuppelt man und dreht solange, bis der Arm 2 auf b steht; jetzt zeigt Arm 1 das Produkt $a \cdot b$ an. Die Division folgt entsprechend. Auf der Rückseite des Schiebers ist beiläufig eine Teilung für $d = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$ angebracht. Der Schieber dient u. a. für astronomische Rechnungen, für Auswertung von geodätischen Messungen und für Messungen bei der Flugabwehr (Sv. 297). Zu seiner Bedienung sind zwei Personen erforderlich. In einer kleineren Ausführung von 60 cm Durchmesser genügt eine Person.

50

B. Rechengeräte.

logarithmischen Rechenmaschine: Nur werden beim Schieber gewissermaßen die Fenster bewegt und gekuppelt, während die Bänder stillstehen. Soll z. B. $a \cdot b$ ermittelt werden, so wird Arm 1 auf a und Arm 2 auf 1 gestellt. Dann kuppelt man und dreht solange, bis der Arm 2 auf b steht; jetzt zeigt Arm 1 das Produkt $a \cdot b$ an. Die Division folgt entsprechend. Auf der Rückseite des Schiebers ist beiläufig eine Teilung für $d = 1/a^2 + b^2 + c^2$ angebracht. Der Schieber dient u. a. für astronomische Rechnungen, für Auswertung von geodätischen Messungen Personen erforderlich. In einer kleineren Ausführung von 60 cm Durchmesser genügt eine Person.

Difficulties in obtaining documents

- general problems for slide rules for special equipment / machinery
- particular problems for military equipment
- conceptual documents
- usage and maintenance manuals
- manufacturer's documentation / manuals



regulations from the archive / library of the research institute for military history of the German armed forces, Zentrum für Militärgeschichte und Sozialwissenschaften der Bundeswehr, Potsdam

VEREIN DEUTSCHER INGENIEURE IM NSBDT

VDI-SONDERHEFT

FLUGABWEHR

Vierte, erweiterte Auflage

Mit 226 Bildern und 2 Zahlentafeln



VDI-VERLAG GMBH/BERLIN NW7 1942

reprint collection of the journal of the German Association of Engineers

Aufnahme und Auswertung bei der Flugabwehr

Von Flieger-Stabsingenieur Dipl.-Ing. R. Schlemmermeier VDI, Berlin

Die Flakaufnahme und -auswertung sind unersätzliche Hilfsmittel für die Ausbildung der Truppe im Gebrauch der Flugabwehrgeräte und -waffen sowie für deren Weiterentwicklung. Auf die wichtige Schußaufnahme und deren Auswertung wird in den wesentlichen Punkten eingegangen. Die hauptsächlichen Aufnahme- und Auswertegeräte werden kurz im Hinblick auf Zweck und Leistungs-fähigkeit zusammengestellt. Auf viele Verfahren und Entwicklungen, die allgemeines Interesse in der Technik finden würden, kann jedoch aus nahellegenden Gründen nicht eingegangen werden. Als wichtige Grundsätze für Entwicklungen selen nur angeführt das Bestreben der Beschleunigung bei der Durchführung der Aufnahme und Auswertung, Vereinfachung der Bedienung, Erhöhung der Truppen- und Feldbrauchbarkeit, Anpassen an die neuzeitlichen Erkenntnisse und Forderungen der Flugabwehr.

Die ansteigende Entwicklung auf dem Gebiete der Flugabwehr¹) aus bescheidenen Anfängen des Weltkrieges heraus bis zur Gegenwart führte zwangläufig zu einem immer umfangreicheren Ausbau der erforderlichen Prüf- und Meßverfahren. Es entstand allmählich ein besonderes Arbeitsfeld, nämlich das der "Aufnahme und Auswertung". Durch die planmäßig betriebene Entwicklungsarbeit einerseits und durch die von der Truppe ge-forderte Beherrschung der vielen verschiedenen Geräte und Waffen der Flugabwehr anderseits wurden die Aufnahme und Auswertung immer wieder vor neue Aufgaben und Fragen gestellt.

Die Flakaufnahme und -auswertung dienen demnach zweierlei Hauptaufgaben:

1. den Entwicklungsstellen als unentbehrliche Hilfe für die Erprobung und Weiterentwicklung der Flug-abwehrmittel sowie Arbeitsverfahren;

2. der Truppe als wichtige Grundlage für die Aus-bildung und Schulung im Gebrauch sowie Einsatz der ihr gegebenen Flakgeräte und -waffen.

Aufnahme

Da die schwere Flakartillerie das Rückgrat der Flugabwehr bildet, sind hierfür naturgemäß auch die grundlegenden Aufnahme- und Auswerteverfahren entwickelt worden.

Diese Verfahren werden zur Überprüfung der Trup-penausbildung angewendet für

a) Entfernungsmeßübungen gegen Luftziele (als Vorstufe zu b),

b) optische Erprobungen gegen Luftziele (als Vorstufe zu c) (beide in den Truppenstandorten), c) Übungsschießen gegen Luftziele (auf dem Schieß-

platz).

Das schießtechnisch und schießtaktisch einwandfrei durchgeführte Übungsschießen stellt dabei das Endziel der Truppenausbildung dar.

Auf den Aufnahme- und Auswertevorgang für das Übungsschießen soll deshalb näher eingegangen werden. Gleichzeitig werden hiermit auch die Grundlagen der Nachprüfung für die Entfernungsmeßübungen und optischen Erprobungen erfaßt.

Im Gegensatz zum Erdziel- oder Seezielschießen, bei denen eine Beobachtung der Schußlage im allgemeinen einwandfrei möglich ist, erweist sich bei Schießübungen gegen Luftziele diese einfache Beobachtung der Sprenginkte im Raum wegen der Veränderlichkeit nach den drei Raumkoordinaten als unzulänglich, da sie erheblichen Täuschungen unterliegen kann. Um diesem Mangel ab-

3) Vgl. die einschlägigen Beiträge dieses Heftes,

16



zuhelfen, werden mit Hilfe des Zweistandsauf-

nahme-Verfahrens laufend das Luftziel und die

weiligen Sprengpunktes zum Ziel nach Länge, Seite und

Höhe ermittelt. Der gesamte Zielflug (wahrer Zielweg)

wird in der räumlichen und zeitlichen Aufeinanderfolge

festgehalten und bei der späteren Auswertung nachge-

Sprengpunkte vermessen und hierdurch die Lage des je

Bild 1. Ziel- und Sprengpunkt-Koordinaten bei der Zwei-standsaufnahme (azimutales Koordinaten-System). @ Kartenehene

3. narreneone $\sigma_1, \sigma_{12}, \sigma_{12}, \sigma_{23}$ Seitenwinkel } Richtungskoordinaten zum $\gamma_1, \gamma_{12}, \gamma_2, \gamma_2, \gamma_{23}$ Hähenwinkel / Ziel bzw. zum Sprengpunkt δ Standimie (Basis) ϵ Ziel (Luftscheibe)

d Sprengpunkt e_K, e_{KS} Kartenentfernung Koordinaten zum Ziel

Schrägentfernung bzw. zum Sprengpunkt

Höhe

i Zielweg 1 Hauptstand 2 Nebenstand

Feststellung des Schießerfolges durch Ermittlung der Seiten-, Höhen- und Längenablage des jeweiligen Sprengpunktes zum Ziel;

Untersuchung der sich ergebenden Fehllagen auf deren sachen. Ermittlung der Bedienungsfehler an Gerät und Waffen sowie Beurteilung.

Danach ergibt sich die nachstehende Gliederung des Aufnahmevorganges:

1. Ermittlung des wahren Zielweges und der Sprengpunkte.

2. Feststellung der für diese Sprengpunkte maßgebenden drei Schußwerte (Schußseitenwinkel, Schuß-rohrerhöhung und Schußzünderstellung) am Geschütz und Flakkommandogerät²). (Ausgangswerte.)

7) Vgl. S. 64 dieses Hoftes; ferner W. Hakes, Wehrtechn. Mb. Bd. 45 (1941) S. 103/11 u. 121/31.

key conceptual article

ermittelt werden. Auf demselben Wege werden die Eigenschaften von Uebertragungseinrichtungen, Zünderstellmaschinen, Entfernungsmessern und anderen dene Schrägentfernung zwischen beiden Punkten kann Geräten bestimmt.

Da bei Aufnahmen dieser Art auf dem Filmbild sowohl das Ziel als auch Sprengpunkte erschelnen, schieber eine zweite Teilung auf - Quadratteilung wird die Auswertung der Aufnahmen in der Weise die die Rechnung entsprechend dem auf den Raum durchgeführt, daß mit Hilfe des bereits erwähnten

(Fcucrleitgerät) dem Geschütz eingeleiteten Werte Auswertegerätes die Lage beider Ziele zueinander im Winkelmaß bestimmt wird. Die Umrechnung dieser Ablagewinkel auf die tatsächliche im Raum vorhanebenfalls mit dem Kreisrechenschieber vorgenommen werden. Für diese Rechnung weist der Kreisrechenerweiterten Pythagoras-Lehrsatz gestattet.

Schneller und bequemer rechnen

mit Askania-Auswertegeräten und mathematischen Hilfsgeräten

Wer nie vor endlosen Zahlenreihen gesessen oder Quadratteilung längs der Spirale angebracht und nach vor der Aufgabe gestanden hat, ein und die- den Wurzelwerten von 0-100 hzw. 0-50 heziffert. den Wert der unscheinbaren rechnerischen und ma- statt der Quadratteilung eine Teilung nach den logastellen.

Die Ergänzungsgeräte sind bei solchen Beobachtungsinstrumenten nötig, die nicht unmittelbar das zu messen gestatten, auch nicht durch eine besondere Eichung der Ableseskala, was eigentlich interessiert. So mißt z. B. der Theodolit Winkel und nicht Längen. Entfernungen oder Höhen, die darum erst aus den Winkeln und gewissen weiteren Größen berechnet werden müssen und das natürlich schnell, sicher und bequem. Zu den dazu gebrauchten Hilfsmitteln zählen eigentlich schon die Auswerteformulare, die wir verschiedenen Instrumenten beifügen können. Weiter sind als allgemeine Geräte die bekannten Addierund Multiplikationsmaschinen und die gewöhnlichen Rechenschieber zu nennen. Diese allgemeinen Geräte bauen wir nicht. Unsere Geräte dienen besonderen Aufgaben und setzen dort ein, wo die allgemeinen Rechenmaschinen nicht ausreichen.

Bei der Auswertung der Winkelmessungen mit dem Kinotheodoliten sind Rechnungen der folgenden Art schnell und auf 4 Stellen genau auszuführen: $? = \sqrt{a^2 + b^2 + \ldots + h^2}$ oder $? = a. b. \sin \alpha \cdot \cos \beta$. Dazu ist besonders unser Kreisrechenschieber geeignet.

Was bei gewöhnlichen geraden Rechenschiebern die festen Teilungen übernehmen, nämlich die Einstellung der ersten Zahl und des Resultats, ist hier durch Teilungen auf einem Kreis und auf einer Spirale ersetzt, die eine Ringscheibe von 1 m größtem Durchmesser mehrmals umläuft. Auf der einen Seite der Ringscheibe ist außer einer logarithmischen Teilung für die Zahlen von 10-100 längs des Kreises eine

selbe mathematische Formel oft zu lösen, der kennt Die andere Seite oder eine zweite Ringscheibe trägt thematischen Hilfsgeräte nicht, die wir neben den rithmischen Werten der sin- und cos-Funktion, Zwei großen Instrumenten z. T. als Ergänzung derselben beliebig mit einander klemmbare Schwenkarme mit und z, T. als selbständige mathematische Geräte her- Marken, die über die Skalen gleiten, ersetzen die Zunge des gewöhnlichen Rechenschiebers. Denn zwischen die beiden Arme kann man eine zweite Zahl nehmen und sie ebenso an die erste Zahl antragen oder in die erste Zahl hineintragen, wie man beim gewöhnlichen Rechenschieber verfährt. Die genannten Additionen von Quadratzahlen und Multiplikationen der Winkelfunktionen sind also leicht durchzuführen und zwar auch wegen des großen Kreisumfanges mit der nötigen Genauigkeit.



Der Askania-Kreisrechenschieber zur schnellen Lösung schwieriger mathematischer Aufgaben



Inhalt: Askania-Gasgeräte auf der Reichsausstellung "Schaffendes Volk" Düsseldorf 1937 — Die Luftzielmessuna mit Askania-Kinotheodoliten - Schneller und bequemer rechnen mit Askania-Auswertegeräten und mathematischen Hilfsgeräten — Ebbe und Flut sind am Askania-Barographen ablesbar — Aus unserem Werk Mariendorf — Askania-Warmwasserbereiter von innen und außen gesehen! — Unser Ausstellungsraum für Gasgeräte Berlin C 2 - Der Zeitfunk des Deutschen Kurzwellensenders besuchte die Askania-Werke - Reichssieger im Reichsberufswettkampf 1937 - Berlin-Stockholm ... 900 km = 4 Flugstunden - Ringsherum ist nichts als Wüste — Askania auf der 1. Internationalen Luftfahrt-Ausstellung Brüssel 1937 — Die Askania-Kinokamera im Dienste der Ufa – Askania-Geräte in der japanischen Presse – Askania-Druckschriftendienst – Staffellauf Potsdam-Berlin — Askania fährt aus - mit Volldampf voraus.

Internal Newsletter reveals

Askania Kreisrechenscheibe originally not a military item

What can we learn from this story?

- There is much hearsay, guess work, fairy tales, particularly in historic military technologies.
- You must see everything with your own eyes!
- Search original documents, but read even these with care! Beware their history! Double check!
- Learn the lingo of the people in the field! Learn about their professional culture!
- Learn about information sources, play their game.
- No quick results. It will take time & effort.

Askania-Werke, the manufacturer

Carl Bamberg (1847–1892)

- apprentice of Carl Zeiss in Jena 1862–1866
- moved to Berlin in 1869, own workshop 1871
- fast growing reputation as maker of high quality scientific instruments
- 1888 incorporation of his company Carl Bambergs Werkstätten für Präzisions-Mechanik und Optik in Berlin Friedenau, often called Bambergwerke

Askania Werke Aktiengesellschaft

1921 incorporation as publicly traded company, fusion of *Bambergwerke* with *Central-Werkstatt für Gasgeräte GmbH*, Dessau, in Berlin-Friedenau

Askania-Werke, the manufacturer - 2

product spectrum Askania-Werke

- precision measurement devices
- scientific instruments



- often customer specific one/few of a kind devices
- control devices
 - industrial controls of all kinds
 - appliances for customers, in particular for gas heating
- optical devices
- timing devices, watches
- navigation instruments, sea and air
- equipment for the film industry cameras, projectors, associated equipment

aircraft instruments



Passenger travel by airplane in 1920s / 30s

- emerging booming business [also cargo & airmail]
- 1920 first all-metal passenger plane Junkers D13 for 4 passengers
- 1926 incorporation of *Deutsche Luft Hansa AG*
- 1932 triple engine JU52 for 17 passengers

aircraft instruments



Junkers JU52/3m, aka Tante JU or Iron Annie



Askania Instruments

- above in JU52 cockpit
- below prefabricated instrument panel for small single engine planes, demo for sales with docs



need of aircraft tracking from the ground

need for instrument manufacturer

- development / testing of instruments
- calibration
- certification
- no telemetry available as today, but ground based reference data
- no space for reference instruments and recording abord and their operator

also need of aircraft manufacturers

Askania could also sell it to a typical niche market

Askania needed a product for internal use

cine theodolite



- derived from theodolites for weather balloon tracking
- operated by two men, one for tracking direction, the other one tracking elevation
- earlier models used printer for recording values, but too slow for faster airplanes
- cine theodolite uses film, upto 4 pictures per minute
- synchronized pictures by electrical connection to second cine theodolite

airplane tracking by two cine theodolites



airplane tracking by two cine theodolites



proper azimuth coordinate system



Azimuth_A: length d_{G} , ground angle σ_{A} , elevation angle γ_{A}

it's all triangles!



sample computation: d_G



computation of airplane coordinates

azimuth coordinate system, origin A

$$d_{G} = \frac{b \times \sin \sigma_{B}}{\sin (\sigma_{A} - \sigma_{B})}$$
 $d = \frac{d_{G}}{\cos \gamma_{A}}$ $h = d \times \sin \gamma_{A}$

change to cartesian coordinate system, origin A

$$x = d_G \times \cos(180^\circ - \sigma_A)$$
 $y = d_G \times \sin \sigma_A$ $z = h$

We only need an arithmetic and a sin/cos scale on a slide rule / Gunter to compute that!



picture from L.Dv.T. 1454/6

just two scales

- std logarithmic scale, one decade, clockwise
- sin scale as spiral of two windings, dms, range from 0°34'60'' to 90°, four labels for each mark, 2 std sin/cos & 2 sin/cos for 180° complement



two locking mechanism for arms

- central lock fixes the angle between the arms
- outer locks fix the position of an arm on the scale

Not a slide rule, but a circular Gunter



- diameter of Kreisrechenscheibe 99.7 cm
- transportable, but heavy: disk with arms 35 kg, box 34 kg, bag with foldable frame 23 kg
- to be operated by two men

original purpose

- well fulfilled by cine theodolites for data acquisition and Kreisrechenscheibe for computation of flight track altitude, speed about ground, climb / descention rates, turn rates, characteristica of other flight maneuvers
- + works well because of planned flights
- + no real-time reaction on the ground, just recording
- but only few devices needed for Askania's own business and for aircraft development / evaluation

military use / air defense

totally useless for anti-aircraft gunnery

anti-aircraft gunnery



heavy flak battery of the German army

direction / range finder Kommandogerät

anti-aircraft gunnery

Wellington bomber of the RAF and flak grenade exploding nearby but not close enough to cause damages



Flak grenades are time triggered. The goal is damage by shrapnel and blast of the explosion, not by hitting the plane.



Lancasters flying through a flak barrage.

success needs training



training needs a target



a looooong line airplane

proper training implies evaluation

windsock

same task as before, but two targets



track of airplane (windsock) and detonation point

using the Askania setup

- photo from cine theodolite offers direction and elevation angles for both windsock and explosion
- coordinate values can be computed for both
- Askania Kreisrechenschieber available
- Gunter inconvenient in chain computations
- shortcut possible with tan function
- slide rule wanted by RLM as replacement for the Kreisrechenscheibe as all-in-one-solution

prototype Askania Kreisrechenschieber 38



datasheet, june 1938 8 typewritten pages, with two photos glued in

found in D&P company archive now kept in the archives of Deutsches Museum, Munich





Dennert & Pape (gwr) KRS 40



KRS 40 – the three disks / rings



inverted design



Aristo 203 Scholar projection slide rule for the classroom mounted on Leitz Prado slide projector



normal slide rule

- stator fix
- slide movable relative to stator
- cursor movable to stator

inverted design slide rule

- cursor fix
- stator movable relative to cursor
- slide movable relative to stator

KRS 40 disk / ring locking



_ central knob

locking the inner disk to the middle ring

-lever at cursor

locking the outer ring containg the arithmetic scale with base / cursor or with middle ring

KRS 40 - the scales



outer ring

a std arithmetic scale, one decade

middle ring

- *b* sin 6° 174°
- *c* tan 45° 84°
- *d* tan 6° 45°
- *e* tan 0°40' 6°
- f sin 0°40' 6° and 174° 179°20'
- *g* cos 0° 84°

inner disk

- *h* sin $6^{\circ} 174^{\circ}$
- *i* sin 0°40' 6° and 174° 179°20'

scales run counterclockwise due to inverted design, so that scales read at cursor left \rightarrow right

long sin scale - two windings



Askania Kreisrechenscheibe

standard spiral



D&P KRS40

concentric spiral

KRS 40 simple usage diagram



With such simple schemes the KRS40 could be used just like an Askania Kreisrechenscheibe!

Never underestimate compatibility issues!

PS: Beware the schematic drawings and the angles therein; they do not reflect the sample values.

KRS40 usage scheme, all in one setting



scheme for the full use of the three rings / disk. You just compose their relative setting, lock them together and read the three results in the end.

examples from D&P KRS40 instructions, which were copied 1:1 to LDvT 1454/6

how many KRS 40 were built?

year	KRS 40	destination
1940-43	23	evaluation / special models, Peenemünde
1942	285	
1943	302	armany / air farca
1944	90	army / air force
1945	22	
total	722	

special models



unfortunately, **nothing** is known about special models of the KRS 40, particular those for Peenemünde, except that there were some according to production lists

variations



magnifying cursor wooden box instead of metal field box





now we only need the distance target to detonation



Flieger-Stabsingenieur Dipl.-Ing. R. Schlemmermeier, Aufnahme und Auswertung bei der Flugabwehr, VDI-Sonderheft Flugabwehr, 4th edition 1942

flak crew evaluation: four step process

- shooting simulated enemy airplane
 - → data acquisition by cine theodolites
- computing of coordinates of target and detonation
 KRS 40
- computing of distances target to detonation
 QR 41
- statistical evaluation / grading of crew [not our subject here]

D&P QR 41 Quadrat-Rechenschieber



from web page of David Rance

- two pairs of scales, independent from from other
- same scale on stator and slide for each pair
- non-logarithmic scales
- scales are quadratic: numbers shown stand for square root values
- scale length 50 cm



Pythagoras is your friend

everybody knows:

$$a^2 + b^2 = c^2$$



generalization: distance in nD space, especially 3D

$$e = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}$$

length of the diagonal



$$\mathbf{e} = \sqrt{\Delta \mathbf{x}^2 + \Delta \mathbf{y}^2 + \Delta \mathbf{z}^2}$$

preliminary remarks on using the QR 41

mental traps for slide rule users

- type of scales: quadratc, not logarithmic \rightarrow zero!
- role of cursor on logarithmic slide rules

connection between scales

- scale reading aid, in particular for magnifying cursors
- role of cursor on QR 41

marker for (partial) sum of squares, also reading aid

no relation between upper and lower pairs of scales, just different ranges for distances, 0–15.8 & 0–50

QR 41 algorithm

$$\mathbf{e} = \sqrt{\Delta \mathbf{x}^2 + \Delta \mathbf{y}^2 + \Delta \mathbf{z}^2}$$

- 1. set zero of slide to first value (Δx) on stator
- 2. move cursor to second value (Δy) on slide
- 3. move zero of slide to cursor position
- 4. move cursor to third value (Δz) on slide
- 5. read result on stator under cursor position



$$e = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}$$
 values: 4 6 8

1. set zero of slide to first value (Δx) on stator

2. move cursor to second value (Δy) on slide



$$e = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}$$
 values: 4 6 8

1. set zero of slide to first value (Δx) on stator

- 2. move cursor to second value (Δy) on slide
- 3. move zero of slide to cursor position



$$e = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2 + \Delta z^2}$$
 values: 4 6 8

- 3. move zero of slide to cursor position
- 4. move cursor to third value (Δz) on slide
- 5. read result on stator under cursor position



visualizing the computation



$$\mathbf{e} = \sqrt{\mathbf{a}^2 + \mathbf{b}^2 + \mathbf{c}^2}$$

how was that done before? tables



n	n²	n	n ²	n	n²	n	n ²
241	58081	271	73441	301	90601	331	1095
242	58564	272	73984	302	91204	332	1102
243	59049	273	74529	303	91809	333	1108
244	59536	274	75076	304	92416	.334	1115
245	60025	275	75625	305	93025	335	1122
246	60516	276	76176	306	93636	336	1128
247	61009	277	76729	307	94249	337	1135
248	61504	278	77284	308	94864	338	1142
249	62001	279	77841	309	95481	339	1149
250	62500	280	78400	310	96100	340	1156
251	63001	281	78961	311	96721	341	1162
252	63504	282	79524	312	97344	342	1169
253	64009	283	80089	313	97969	343	1176
254	64516	284	80656	314	98596	344	1183
255	65025	285	81225	315	99225	845	1190
256	65536	286	81796	316	99856	346	1197
257	66049	287	82369	317	100489	347	1204
258	66564	288	82944	318	101124	348	1211
259	67081	289	83521	319	101761	349	1218
260	67600	290	84100	320	102400	350	1225
261	68121	291	84681	321	103041	351	1232
262	68644	292	85264	322	103684	352	1239
263	69169	293	85849	323	104329	353	1246
264	69696	294	86436	324	104976	354	1253
265	70225	295	87025	325	105625	855	1260:
266	70756	296	87616	326	106276	356	1267
267	71289	297	88209	327	106929	357	1274
268	71824	298	88804	328	107584	858	1281
269	72361	299	89401	329	108241	359	1288

241 bis 360.

advantage QR 41 over tables / manual work

- simple
- quick
- lower error rate
- sufficiently accurate
- easy additionally non-integer values
- less problematic than printed tables in the field (wear and dirt)

final remarks

- 1. You must see it with your own eyes!
- 2. Be / remain sceptical, also when reading respected literature.
- 3. Do not expect quick results.
- 4. Know your literature and your sources.
- 5. Learn about the subject area, where the slide rule / instrument is used, the lingo and its professional standards.
- 6. Enjoy and share your findings!

the end



Karl Kleine karl.kleine@eah-jena.de virtual IM 2020 september 13, 2020